

Грубая или структурно устойчивая система не меняет свой топологический тип фазовой диаграммы при “малом шевелении” векторного поля динамической системы.

Пусть дано множество двумерных систем на плоскости, заданных уравнением $x' = X(x)$, где $X(x_1, x_2) - C^r$ - гладкая ($r \geq 1$) функция, определенная в замкнутой ограниченной области $G \subset R^2$.

Определение: Динамическая система X называется грубой в области G , если для любого $\varepsilon > 0$ существует такое $\delta > 0$, что:

1. все системы в δ -окрестности X топологически эквивалентны X ;
2. гомеоморфизм, который устанавливает эту эквивалентность, является ε -близким к тождественному (то есть расстояние между двумя соответствующими точками $< \varepsilon$).

При этом δ -окрестность системы X как множество всех систем X^1 , удовлетворяющих условию:

$$\|X^1 - X\|_{C^1} < \delta,$$

где на множестве введена норма:

$$\|X\|_{C^1} = \sup_{x \in G} (\|X\| + \|\partial X / \partial x\|)$$